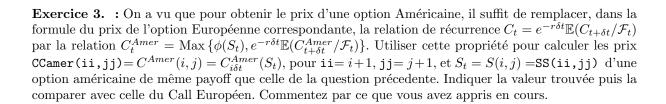
Université de Nice	L3 MASS, année 2010-201
Département de Mathématiques	Calcul Stochastique et finance (semestre 2)
NOM:	Date:
PRENOM:	Groupe:

## Calcul stochastique : feuille réponses du TP 7 Tracé de la frontière d'exercice du Put Américain

On reprend les notations des TP précédents, avec les constantes suivantes  $n=50,\,T=1,\,\sigma=0.4,\,S_0=100$  et r=0.25.

Exercice 1. : Exécuter avec ces nouvelles constantes le programme définissant sous Scilab les valeurs dans un modèle CRR les valeurs S(i,j) = SS(ii,jj) du sous-jacent, pour ii=i+1, C(i,j) = CC(ii,jj) de l'option Call, et P(i,j) = PP(ii,jj) de l'option Put. (reprendre le programme définissant ces options par récurrence retrograde). Calculer la plus grande et la plus petite valeur de  $S_T$  et, pour chacune d'elle, la valeur correspondante  $C(T,S_T)$  d'un Call Européen à la monnaie, puis faites de même pour un Put Européen à la monnaie.

**Exercice 2.** : Calculer la *prime*, c'est-à-dire le prix de ces deux options à l'instant t=0. Recommencer pour une autre valeur, plus raisonable, de r et expliquer la différence de prix obsedrvée. Revenir à r=0,25 pour les questions suivantes.

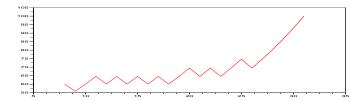


Exercice 4. : Reprendre la question précédente pour un Put Américain.

Exercice 6. : Afin de tracer la frontière d'exercice du Put Américain, définir une matrice EPA(i+1,j+1) (pour "Exercice du Put Américain") qui vaut 1 aux points (i,j) de l'arbre de Cox situés en dessous de la frontière d'exercice et 0 aux points situés au dessus. On pourra initialiser cette matrice par EPA=-ones(n+1,n+1) pour remplir les points inintéressants de la matrice par des -1. A noter que la commande

```
plot2d(i,SS(i+1,j+1),-2*EPA(i+1,j+1)-2)
   permet de tracer les points de l'arbre (i, S(i, j)) en utilisant un symbol différent selon que EPA (i+1, j+1)
vaut 1 ou 0 (voir l'aide en ligne pour la syntaxe de la commande Plot2d).
   /////Definition de la matrice EPA (Exercice du Put Americain)//////
   EPA=-ones(n+1,n+1);
   for jj=1 :n+1 // jj=j+1
         if SS(n+1,jj) < K+1 then EPA(n+1,jj)=1;
         else EPA(n+1,jj)=0;
         end
   end;
   for ii=n :-1 :1 // ii=i+1
         for jj=1 :ii //jj=j+1
               if psi(SS(ii,jj)) > (p*PPAmer(ii+1,jj+1)+(1-p)*PPAmer(ii+1,jj))/R
               then EPA(ii,jj)=1;
               else EPA(ii,jj)=0;
               end
         end
   end;
   Pour tracer la frontière d'exercice, il suffit alors de repérer pour chaque i, s'il y a un point (i, S(i, j))
pour lequel EPA vaut 1 et, dans ce cas, de choisir celui d'ordonnée maximale.
   ////// Tracé de l'arbre pour les petites valeurs de SS(ii,jj) //////
   for ii=1 :n+1
      for jj=1:ii
         if SS(ii,jj)<2*S0
         plot2d(ii,SS(ii,jj),-2*EPA(ii,jj)-2)
         end;
      end;
                                                      140
   end;
                                                      60
                                                      40
```

Expliquer pourquoi certains point S(i,j) sont marqués d'une croix et certains points sont marqués d'un losange. Que doit faire le détenteur de l'option américaine en un point marqué d'un losange?



Etudier comment la forme de la frontière d'exercice évolue en fonction de r. Expliquez ce que vous observez.