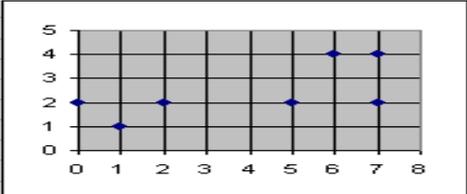
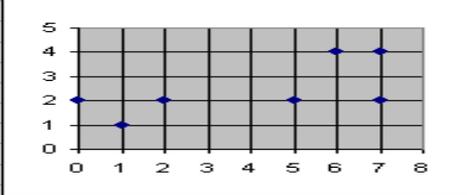
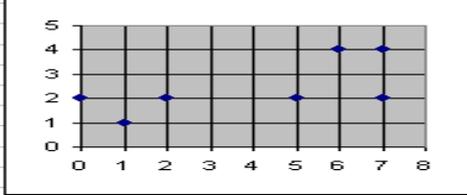
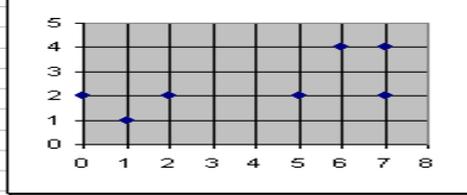
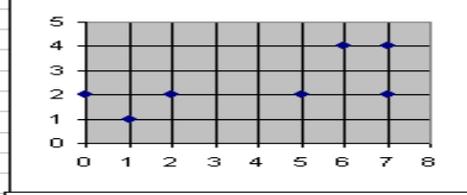
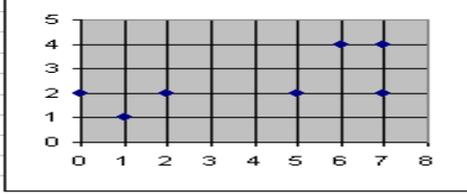


NOM :
 PRENOM :

Date :
 Groupe :

Mathématiques pour la Biologie (2009/2010, semestre 2) : Feuille-réponses du TD 7
Classification hiérarchique ascendante

Exercice 1. : On se propose de réaliser une classification des 7 points représentés à gauche en utilisant la méthode d'agglomération au plus proche voisin.

	M1	M2	M3	M4	M5	M6	M7
							
							
							
							
							

1. Compléter le premier tableau à droite représentant la matrice des distance des points tracés à gauche, en utilisant le carré de la distance euclidienne. Quels sont les deux points les plus proches, les deux points les plus éloignés?

2. Sur le second dessin, agglomérer, en les entourant d'une courbe, les deux points les plus proches pour former une classe, Γ_1 , puis compléter la deuxième matrice de distance en calculant notamment les distances (au plus proche voisin) de la nouvelle classe avec les 5 autres points.
3. Poursuivre la classification en complétant les tableaux suivants et en cerclant les classes, Γ_2, \dots créées au fur et à mesure.
4. Tracer un dendrogramme résumant cette classification.

Exercice 2. : (Sujet inspiré d'un article de John Hartshorne, paru dans le journal de la "British Ecological Society")

Un laboratoire d'écologie étudie les espèces micro-animales (larves, ..) présentes dans les rivières et les étangs. Il réalise, dans 6 sites de rivière, notés $R1, R2, R3, R4, R5$ et $R6$, et 3 sites d'étangs, notés $E1, E2$ et $E3$, des prélèvements répétés qui lui permettent d'avancer une liste des espèces présentes dans chacun de ces sites et de repérer les espèces présentes dans plusieurs sites à la fois. La matrice suivante contient, pour chaque paire de sites A et B , le nombre d'espèces communes aux 2 sites. Ainsi on y lit par exemple que 11 espèces sont présentes au site $R1$ et qu'il y a 7 espèces présentes à la fois au site $R1$ et au site $R2$.

	$R1$	$R2$	$R3$	$R4$	$R5$	$R6$	$E1$	$E2$	$E3$
$R1$	11	7	4	6	6	7	4	4	3
$R2$	7	15	8	8	9	6	3	3	2
$R3$	4	8	13	7	7	4	2	3	2
$R4$	6	8	7	15	7	6	6	8	6
$R5$	6	9	7	7	12	4	3	5	4
$R6$	7	6	4	6	4	10	6	5	5
$E1$	4	3	2	6	3	6	13	10	9
$E2$	4	3	3	8	5	5	10	15	11
$E3$	3	2	2	6	4	5	9	11	12

On se propose de regrouper les 9 sites en trois ou quatre classes composées de sites où ce sont pratiquement les mêmes espèces qui sont présentes. Pour réaliser cette classification, on propose de mesurer la distance entre deux sites A et B par la formule

$$d(A, B) = \frac{n_A + n_B - 2n_{AB}}{n_A + n_B}$$

où n_A (resp. n_B) désigne le nombre d'espèces présentes au site A (resp. au site B) et n_{AB} le nombre d'espèces en commun entre les sites A et B . On obtient la matrice des distances suivante :

	<i>R1</i>	<i>R2</i>	<i>R3</i>	<i>R4</i>	<i>R5</i>	<i>R6</i>	<i>E1</i>	<i>E2</i>	<i>E3</i>
<i>R1</i>	0	0,462	0,666	0,538	0,478	0,334	0,666	0,692	0,74
<i>R2</i>	0,462	0	0,428	0,466	0,334	0,52	0,786	0,8	0,852
<i>R3</i>	0,666	0,428	0	0,5	0,652	0,846	0,786	0,84
<i>R4</i>	0,538	0,5	0,572	0,466	0,556
<i>R5</i>	0,478	0,334	0,636	0,76	0,63	0,666
<i>R6</i>	0,334	0,52	0,652	0,52	0,636	0	0,478	0,6	0,546
<i>E1</i>	0,666	0,786	0,846	0,572	0,76	0,478	0	0,285	0,28
<i>E2</i>	0,692	0,8	0,786	0,466	0,63	0,6	0,285	0	0,185
<i>E3</i>	0,74	0,852	0,84	0,556	0,666	0,546	0,28	0,185	0

1. Compléter les coefficients manquants de cette matrice en explicitant vos calculs.

2. Préciser quels sont les deux sites les plus proches ainsi que les deux sites les plus éloignés.

3. La classification conduit au dendrogramme représenté ci-dessous.

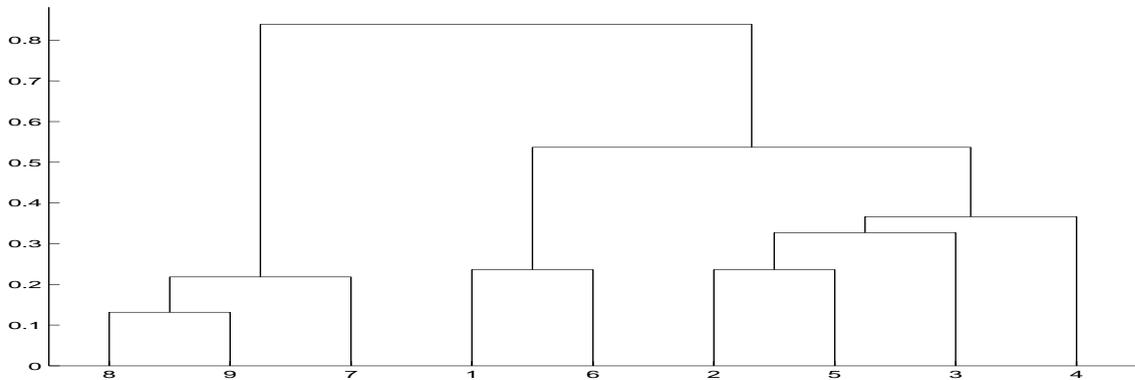


FIG. 1 – Classification des 9 sites

4. Indiquer quelle sont approximativement les ordonnées des regroupements sur le dendrogramme. Pensez-vous qu'elles sont proportionnelles à la distance au plus proche voisin ?

