





5. Indiquer un vecteur propre associé à cette valeur propre dont la somme des coefficients fasse 1.

6. Ayant vérifié que la matrice  $M$  possède une puissance strictement positive, que peut-on en déduire sur le comportement asymptotique du système si la distribution initiale est celle de la question 3 ?

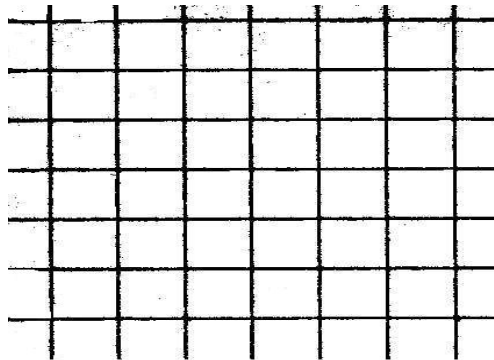
**Exercice 3. :**

1. Compléter le tableau suivant et en déduire les valeurs des variances et covariances demandées :

i	$x_i$	$y_i$	$x_i^2$	$y_i^2$	$x_i y_i$
1	6	6	.....	.....	.....
2	6	7	.....	.....	.....
3	7	6	.....	.....	.....
4	8	4	.....	.....	.....
5	10	2	.....	.....	.....
6	10	1	.....	.....	.....
Moyenne :	.....	.....	.....	.....	.....

$Var(x) =$	$Var(y) =$	$cov(x, y) =$
------------	------------	---------------

2. Tracer le nuage de points  $(x_i, y_i)$  et en déduire une justification du signe de la covariance obtenue.



3. Calculer les coordonnées de son centre de gravité  $G$  et ajouter ce point sur le dessin (en utilisant un autre symbole que celui des autres points du nuage).

4. Déterminer, par la méthode des moindres carrés ordinaires, l'équation de la droite de régression de  $y$  en  $x$ .

$$y =$$

5. Tracer cette droite sur le graphique. Passe-t-elle par G ? Expliquez pourquoi.

6. Calculer le coefficient de corrélation linéaire; commenter.  $\rho(x, y) =$